

## RECHENMETHODEN DER PHYSIK 2

SoSe 2026

Übungsblatt 11

<http://www.physik.uni-bielefeld.de/~reimann/RdP2.html>

**Schriftlich abzugeben sind: 35, 36a-c**

### Aufgabe 35

Sei  $\vec{f} : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3$  hinreichend oft differenzierbar.

- Überlegen Sie, was mit  $\Delta \vec{f}(\vec{x})$  gemeint sein könnte.
- Zeigen Sie:  $\vec{\nabla} \times (\vec{\nabla} \times \vec{f}(\vec{x})) = \vec{\nabla} (\vec{\nabla} \cdot \vec{f}(\vec{x})) - \Delta \vec{f}(\vec{x})$ .

### Aufgabe 36

In dieser Aufgabe soll man wenn immer möglich den Integralsatz von Gauß verwenden.

- Berechnen Sie das Oberflächenintegral  $\iint_{\partial V} d\vec{A} \cdot \vec{r}$  für ein beliebiges Volumen  $V$ .
- Lösen Sie Aufgabe 29a mittels Integralsatz von Gauß.
- Berechnen Sie für ein beliebiges Vektorfeld  $\vec{f} : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3$  und ein beliebiges Volumen  $V$  das Oberflächenintegral  $\iint_{\partial V} d\vec{A} \cdot (\vec{\nabla} \times \vec{f}(\vec{r}))$ .  
**Hinweis:** Aufgabe 32b aus RdP1 (bzw. 19a im Sommersemester).
- Zeigen Sie:  $\int_V dV \vec{\nabla} \Phi(\vec{x}) = \iint_{\partial V} d\vec{A} \Phi(\vec{r})$ .  
**Hinweis:** Ersetzen Sie "versuchsweise"  $\Phi(\vec{x})$  in obiger Gleichung durch  $\vec{f}(\vec{x}) := \vec{a} \Phi(\vec{x})$  mit einem beliebigen  $\vec{a} \in \mathbb{R}^3$ .

### Aufgabe 37

Sei  $f : [0, \infty) \rightarrow \mathbb{R}$  hinreichend oft differenzierbar. Bestimmen Sie:

- $\vec{\nabla} \cdot (\vec{x} f(|\vec{x}|))$ . **Hinweis:** benutze Aufgabe 32c aus RdP1 (bzw. 19b im Sommersemester) sowie Aufgabe 28b aus RdP2.
- $\vec{\nabla} \cdot (\vec{\omega} \times \vec{x} f(|\vec{x}|))$ , wo  $\vec{\omega} \in \mathbb{R}^3$ . **Hinweis:** Aufgabe 32c aus RdP1 (bzw. 19b im Sommersemester) sowie Aufgabe 28b aus RdP2.
- Für welche  $f : \mathbb{R}^+ \rightarrow \mathbb{R}$  ist das Vektorfeld  $\vec{x} f(|\vec{x}|)$ ,  $\vec{x} \in \mathbb{R}^3$ ,  $|\vec{x}| \neq 0$ , quellenfrei?  
**Hinweis:** Aufgabe 37a ausnutzen und analog zu Aufgabe 32b verfahren.